

Tempo a disposizione: 2 ore e 30 minuti.

1. Descrivere le regole di semantica operativa strutturata per l'espressione aritmetica e_0 esp e_1 (ovvero esponenziale con e_0 come base ed e_1 come esponente) secondo la disciplina di valutazione esterna-sinistra (ES). Attenzione: il valore di 0^0 è indefinito, cioè la valutazione di 0 esp 0 si blocca (o, se preferite, raggiunge uno stato di errore).
2. Costruire una grammatica G che generi il linguaggio $L = \{a^{n+2}b^m a^{m+1}b^n \mid n \geq 0, m \geq 1\}$.
3. Classificare il linguaggio L del punto precedente, ovvero dire se L è regolare, oppure libero ma non regolare, oppure non libero, giustificando adeguatamente la risposta.
4. Si consideri l'espressione regolare aa^*a^* . Si costruisca l'automa NFA M associato, secondo la costruzione vista a lezione. Si trasformi l'NFA M nell'equivalente DFA M' , secondo la costruzione per sottoinsiemi vista a lezione.
5. Preso il DFA M' calcolato al punto precedente, si verifichi se è minimo; se non lo fosse, lo si minimizzi per ottenere un DFA M'' ; quindi, si ricavi da M'' la grammatica regolare associata, seguendo la costruzione vista a lezione; infine, si ricavi dalla grammatica l'espressione regolare associata.
6. Sia $L_1 = \{a^i b^j \mid i \geq j \geq 0\}$ e $L_2 = \{a^{2n} b^m \mid n, m \geq 0\}$. Sfruttando le proprietà di chiusura, si può concludere se il linguaggio $\overline{L_1} \cap L_2$ sia regolare, oppure libero, oppure non libero? Giustificare la risposta.
7. Mostrare che $L = \{a^n c^m b^{2n+1} \mid n \geq 0, m \geq 1\}$ è libero deterministico, costruendo un opportuno DPDA che riconosca $L\$$ per pila vuota. È possibile costruire un DPDA che riconosca L per pila vuota?
8. Si consideri la seguente grammatica G con simbolo iniziale S :

$$\begin{aligned} S &\rightarrow BCA \mid BD \\ A &\rightarrow a \mid abA \mid C \\ B &\rightarrow \epsilon \mid Bb \\ C &\rightarrow c \mid cSC \\ D &\rightarrow \epsilon \mid dDB \end{aligned}$$

(i) Si calcolino i First e i Follow per tutti i nonterminali. (ii) La grammatica G è di classe LL(1)? (iii) Si rimuovano le produzioni epsilon per ottenere una grammatica G' senza produzioni epsilon, che sia equivalente a G . (iv) Si rimuovano le produzioni unitarie, ottenendo una grammatica equivalente G'' .

9. Si consideri la grammatica G con simbolo iniziale S :

$$\begin{aligned} S &\rightarrow Bb \mid Sc \mid \epsilon \\ B &\rightarrow a \mid aBb \end{aligned}$$

(i) Determinare il linguaggio generato $L(G)$. (ii) Verificare che G non è di classe LL(1). (iii) Manipolare la grammatica per ottenerne una equivalente G' di classe LL(1). (iv) Costruire il parser LL(1) per G' . (v) Mostrare il funzionamento del parser LL(1) su input abc .

10. Si consideri la grammatica G del punto precedente. (i) Costruire l'automa canonico LR(0). (ii) Costruire la tabella di parsing SLR(1) e verificare se ci sono conflitti. (iii) Mostrare il funzionamento del parser SLR(1) per l'input abc .
11. Discutere la seguente affermazione: se L è libero e $L' \subseteq L$, allora L' è libero.