

Tempo a disposizione: 2 ore e 30 minuti.

1. Per quali valori delle variabili (di linguaggio) X, Y e Z la seguente espressione

$$\mathcal{I}_{L_1}^{L_0}(C_{Y,Z}^X, C_{L_2, L_1}^{L_2})$$

ha senso? E cosa viene calcolato?

2. Si consideri il seguente linguaggio di programmazione, denominato *Funny*, definito dalla seguente sintassi astratta:

$$c ::= x := 1 \mid c; c \mid c \text{ par } c$$

dove x è l'unica variabile utilizzabile. Definire le regole di semantica operativa strutturata per *Funny*. La relazione di transizione è deterministica? Quanti diversi valori per x posso calcolare? Questo linguaggio è Turing-completo?

3. Considerando la sintassi astratta di *Funny* al punto precedente, si verifichi che essa è ambigua. Si proponga una sintassi concreta, che può far uso di zucchero sintattico, che sia non ambigua.
4. Costruire una grammatica libera G che generi il linguaggio $L = \{a^n c^{m+1} b^{n+1} \mid n, m \geq 0\}$ ed argomentare che effettivamente G generi L .
5. Classificare il linguaggio L del punto precedente, ovvero dire se L è regolare, oppure libero ma non regolare, oppure non libero, giustificando adeguatamente la risposta.
6. Si consideri l'espressione regolare $(ba|b)b^*$. Si costruisca l'automa NFA M associato, secondo la costruzione vista a lezione. Si trasformi l'NFA M nell'equivalente DFA M' , secondo la costruzione per sottoinsiemi vista a lezione.
7. Preso il DFA M' calcolato al punto precedente, si verifichi se è minimo; se non lo fosse, lo si minimizzi per ottenere un DFA M'' ; quindi si ricavi da M'' la grammatica regolare associata, seguendo la costruzione vista a lezione; quindi si semplifichi la grammatica ottenuta, eliminando i simboli inutili; infine, si ricavi da quella grammatica l'espressione regolare associata.
8. Il linguaggio $L = \{a^n b^m \mid n, m \geq 0\}$ è di classe LL(1)? Giustificare la risposta senza esibire alcuna grammatica.
9. Sapendo che $L_1 = \{b^n a^m \mid 0 \leq n \leq m\}$ e $L_2 = \{b^n a^m \mid 0 \leq m \leq n\}$ sono liberi deterministici, è vero che $L_1 \cap L_2$ è un linguaggio libero deterministico?
10. Si consideri la grammatica G con simbolo iniziale S :

$$\begin{aligned} S &\rightarrow S + T \mid T \\ T &\rightarrow a \mid (S) \end{aligned}$$

(i) Verificare che G non è di classe LL(1). (ii) Manipolare la grammatica G per renderla di classe LL(1). (iii) Costruire la tabella di parsing LL(1). (iv) Mostrare il funzionamento del parser LL(1) su input $a + (a)$.

11. Si consideri la grammatica G con simbolo iniziale S del punto precedente. (i) Verificare se G sia di classe LR(0), costruendo la tabella di parsing LR(0). (ii) Mostrare il funzionamento del parser LR(0) su input $(a + a)$.